# پیش بینی تغییرات بافت کریستالی در فولاد IF حین آزمون پیچش گرم

#### عليرضا كلاهي\*

پژوهشگاه مواد و انرژی، پژوهشکاده فناوری نانو و مواد پیشرفته ، کرج ، ایران

تاريخ ثبت اوليه: ١٣٩٥/١١/٢، تاريخ دريافت نسخهٔ اصلاحشده: ١٣٩٥/١٢/٢، تاريخ پذيرش قطعي: ١٣٩٥/١٢/٧

چکیده بررسی تاثیر بافت کریستالی بر طراحی و کنترل خواص مکانیکی و فیزیکی نهایی قطعات صنعتی امروزه به یک نیاز اساسی تبدیل شده است. برای آنکه شبیهسازی بافت کریستالی کارایی لازم را داشته باشد و پارامترهایی که بافت کریستالی را کنترل میکند به درستی انتخاب شود باید روش شبیهسازی و مدلی که استفاده می شود به درستی تعیین گردند. در این مقاله تمرکز بر معرفی یک روش مناسب مبتنی بر ترکیب شبیهسازی المان محدود با مدل پلاستیسیته کریستالی خودسازگار می باشد. با استفاده از شبیهسازی المان محدود و مدل پلاستیسیته کریستالی ، تغییرات بافت کریستالی یک فولاد IF بعد از آزمون پیچش گرم پیش بینی گردید. برای اطمینان از صحت مدل، آزمون پیچش گرم در دمای ۳۰۰ درجه سانتی گراد بر نمونههای فولادی اعمال گردید و بافت کریستالی نمونه ها توسط روش پراش الکترون برگشتی به دست آمد و با نتایج شبیهسازی مقایسه شدند که تطبیق قابل توجهی بین نتایج تجربی و شبیهسازی مشاهده گردید. در این تحقیق نشان داده شد که روش تاریخچه متغیر تغییر شکل و روش به کار گرفته شده در این تحقیق می تواند بافت کریستالی و از جمله جهات کردیستالی ایده آل و شدت بافت کریستالی دو شد که روش تاریخچه متغیر تغییر شکل و روش به کار گرفته شده در این تحقیق می تواند بافت کریستالی و از جمله جهات کردیستالی ایده آل و شدت بافت کریستالی نو را دقیق تر پیش بینی اید.

**كلمات كليدى**: بافت كريستالى ، شبيهسازى، المان محدود ، پلاستيسيته كريستالى، پيچش گرم.

# Simulation of Texture Evolution during Warm Torsion of IF Steel

#### Alireza Kolahi\*

Materials and Energy Research Center, Department of Nanotechnology and Advanced Materials, Karaj, Iran.

**Abstract** The introduction of texture in designing and controlling the final mechanical and physical properties of the final industrial product has become more essential in these days. Using an efficient way to simulate the texture and decide on the effective parameters that controls the texture needs a proper models and simulation technique. This paper is focused on introducing a proper technique based on combination of Finite element simulation with viscoplastic self-consistent crystal plasticity model. Using Finite element simulation and crystal plasticity model it was tried to predict the texture evolution after warm torsion test on IF steels. The results of simulation compared with results of practical warm torsion at 300°C. The warm torsion texture of practical samples was calculated using Electron Back Scattered Diffraction (EBSD) technique. It was showed that the variable deformation history and the used technique in this paper can reproduce the texture more accurately in term of ideal orientations and intensity of the final texture.

Keywords: Texture, Simulation, Finite Element, Crystal Plasticity, Warm Torsion.

\*عهده دار مکاتبات

نشانی: پژوهشکده فناوری نانو و مواد پیشرفته ، پژوهشگاه مواد و انرژی، کرج ، ایران، تلفن: ۲۶۳۶۲۸۰۰۴۰ ، پیامنگار: arkolahi@merc.ac.ir

#### ۱– مقدمه

امروزه در کاربردهای صنعتی، بهکارگیری روشهای پیش بینی رفتار ماده ضروری میباشد. کاهش میزان آزمون و خطا در روشهای تجربی و همچنین افزایش میزان دستاوردهای علمی که در بهینهسازی فرآیندها بهدست میآیند از جمله دلایل استفاده از شبیهسازی در پیش بینی خواص مواد میباشد. بافت کریستالی ایکی از مهمترین پارامترهایی است که خواص فیزیکی و مکانیکی ماده را تعیین مینماید. اگر بخواهیم در صنعت شکل دهی فلزات، موادی با خواص ویژه و فوقالعاده توليد شود يكي از الزامات آن استفاده از مدلي است تا تغییرات بافت کریستالی را حین فرآیند مکانیکی حرارتی ً طراحی و کنترل نماید. روشهای مدلسازی متعددی جهت دستيابي به اين هدف وجود دارند. از مدل بسيار ساده تیلور [۱] تا روش های پیچیدهای مانند المان محدود یلاستیسیته کریستالها<sup>۴</sup> (CPFEM) [۲] در محدوده این مدلها قرار می گیرند و از مدلهای کلاسیک پلاستیسیته کریستالها می توان در مدلسازی بهره گرفت [۳ و ۴]. با این حال انتخاب یک مسیر صحیح تاثیر فراوانی بر نتیجه نهایی شبیهسازی می گذارد. با این که مدل های CPFEM منجر به نتایج بسیار دقیقی می گردند اما از نظر پیچیدگی و میزان محاسبات ممکن است مقرون بهصرفه نباشند. مدل تيلور بسيار ساده بوده و محاسبات آن بهراحتی و بهسرعت انجام میشود اما تنها تعدادی از روندهای منطقی را می تواند نشان دهد [۵].

در میان روشهای مدلسازی، ترکیب محاسبات المان محدود کلاسیک با محاسبات پلاستیسیته کریستالهای مناسب میتواند نتایج بسیار خوب و قابل توجهی را ارائه نماید [۶ تا ۸]. با داشتن تاریخچه تغییر شکل، مدلهای پیشرفته پلاستیسیته کریستالها مانند مدل خودسازگار ویسکو-پلاستیک<sup>۵</sup> (VPSC) [۹] میتواند برای پیش بینی تغییرات بافت کریستالی بهکار گرفته شود. در منابع مختلف این روش تطبیق بسیار خوبی با نتایج تجربی نشان داده است [۱۰– ۱۳].

<sup>1</sup>Texture

تحقیق حاضر روی شبیهسازی پلاستیسیته کریستالهای فرآیند پیچش گرم<sup>۶</sup> متمرکز شده است تا تغییرات بافت کریستالی را حین فرآیند تعیین نماید. در این تحقیق، کمیسازی میزان تغییرشکل برشی و تاثیری که بر تغییرات بافت کریستالی میگذارد اهمیت فراوانی دارد. تغییرشکلهای برشی مبنای روشهای مختلفی در تغییرشکل های شدید پلاستیکی<sup>۷</sup> بوده که در آنها هندسه قطعه تغییر چندانی نمینماید اما تغییرشکلهای شدید برشی بر ماده اعمال

آزمون پیچش گرم یکی از روشهای متداول جهت تعیین ویژگیهای تغییرشکل ماده بهویژه در دماهای بالا میباشد. هنگام آزمون پیچش، دانهها در راستای پیچش کشیده میشوند. برای نخستین بار رز<sup>۸</sup> و استو<sup>۹</sup>[۱۷] نشان دادند که میشوند. برای نخستین بار رز<sup>۸</sup> و استو<sup>۹</sup>[۱۷] نشان دادند که تغییرات ریزساختار به میزان زیادی به بافت کریستالی اولیه بستگی دارد. بازینسکی<sup>۱۰</sup> و جوناس<sup>۱۱</sup>[۱۸] تحقیق جامعی بر روند تغییرات بافت کریستالی در مواد با شبکه کریستالی مکعب مرکزدار<sup>۱۲</sup>(BCC) در دماها و نرخ کرنشهای متفاوت انجام دادند. متداولترین جهتگیریهای کریستالی ایده آل<sup>۱۳</sup> و فیبرهای جزئی<sup>۱۴</sup> که حین برش ساده (مشابه شرایط تنش در آزمون پیچش) بهوجود میآیند در جدول ۱ و شکل ۱ نشان داده شدهاند.

جدول ۱. جهات کریستالی ایده آل که در اثر برش ساده ایجاد

میشوند[۱۸].

Orientatio n	shear plane	Shear direction	$\varphi_1$	φ	φ <sub>2</sub>					
D1	(112)	[111]	125. 3	45	0					
D2	(112)	[111]	54.7	45	0					
E1	(0 1 1)	[1 1 1]	39.2	65.9	26.6					
E2	(0 1 1)	[1 1 1]	90	35.3	45					
F	(110)	[0 1 1]	180	45	0					
J1	(0 1 1)	$[\bar{2} \ 1 \ 1]$	30	54.7	45					
J2	$(1 \bar{1} 0)$	$[\overline{1}\overline{1}2]$	90	54.7	45					

<sup>6</sup>Warm Torsion

<sup>7</sup> Severe Plastic Deformation Techniques

- <sup>10</sup>Baczynski
- <sup>11</sup>Jonas
- <sup>12</sup>Body Centered Cubic
- <sup>13</sup>Ideal Orientations
- <sup>14</sup>Partial Fibers

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Thermo-mechanical Processing

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Taylor Model

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Crystal Plasticity Finite Element Methods

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Visco-Plastic Self-Consistent

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Rose

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Stuwe

در این تحقیق تلاش گردیده فرآیند محاسبه، مرحله به مرحله نشان داده شود و در نهایت، با نتایج تجربی مقایسه گردند. نتایج تجربی توسط آزمون پیچش گرم واقعی بهدست آمدند. نتایج از تطبیق بسیار مناسب شبیهسازی با نتایج تجربی حکایت مینماید.



شکل ۱. تصویر قطبی<sup>۱</sup> {110} که در آن جهات کریستالی ایدهآل ناشی از برش ساده نشان داده شده است[۱۸].

## ۲– روش تحقیق

## ۲-۱ فرآیند تجربی

مادهای که در این تحقیق به کار گرفته شده است فولاد عاری از عناصر بیننشین<sup>۵</sup> (IF) تیتانیومدار می باشد که ترکیب شیمیایی آن به اختصار در جدول ۲ نشان داده شده است.

**جدول ۲**. ترکیب شیمیایی فولاد IF مورد استفاده در این تحقیق.

عنصر شیمیایی	С	N	Mn	Р	Cu	Ni	Ti
Wt.%	./۶	۰/۰۰۲	•/١٥٣	·/··v	•/•••	./v	•/•*

فولاد اولیه صفحهای با ضخامت ۲۶ میلیمتر بود که نمونههای استاندارد پیچش طبق شکل شماره ۲ از آن ماشین-کاری گردیدند. برای از میان بردن ساختار ریخته گری، بعد از حرارت دادن در دمای ۱۰۰۰ درجه سانتی گراد، آزمون پیچش داغ در دمای ۹۰۰ درجه سانتی گراد و با نرخ کرنش <sup>1</sup>-۱ ۶ و کرنش ۴/۰ طی سه مرحله مشابه روی نمونهها اعمال گردید.



شکل ۲. تصویر شماتیک نمونه آزمون پیچش.

بعد از پیچش گرم، مقطعی عمود بر سطح آزاد نمونه تهیه شد که پس از مانتشدن و سنبادهزنی و پولیش، مورد مطالعات ریزساختاری قرار گیرد. برای بررسی تغییرات بافت کریستالی در نمونهها، از روش پراش الکترونهای برگشتی<sup>2</sup>(EBSD) استفاده گردید. این آزمون توسط میکروسکوپ الکترونی LEO 1530 FE-SEM صورت گرفت. به منظور نشان دادن دانههای با قطر کوچکتر از یک میکرومتر و همچنین دستیابی به تصاویر BSD با کیفیت، فاصله بین هر روبش متوالی<sup>۷</sup> ۵۰ نانومتر انتخاب گردید. برای تعیین بافت گریستالی نمونهها، از نرم افزار gold با کوچکتر از گردید. تابع نمونههای پیچش از نرم افزار فوقالذکر استخراج گردیدند تا در تصدیق نتایج شبیهسازی بهکار گرفته شوند.

### ۲-۲ رویه شبیهسازی و بررسی عددی

چنانچه قبل تر بیان گردید، روش های موجود برای مدل نمودن بافت کریستالی تغییر شکل بر دو بخش اساسی تمرکز دارند: ۱- مقیاس ماکروسکوپی یعنی تاریخچه تغییر شکل ماکروسکوپی به شکل موثر و دقیقی توسط روش المان محدود (FEM) تعیین شود و ۲- تعیین خواص کریستالوگرافی توسط مدل های پیشرفته ای مانند مدل VPSC. بنابراین، بخش FEM پاسخگوی تاریخچه دقیق تغییر شکل ماکروسکوپی بوده و مدل VPSC پاسخگوی شبیه سازی میکروسکوپی می باشد. در قسمت بعدی، اطلاعات دقیق هر بخش تشریح می گردد.

۲-۳ شبیهسازی المان محدود

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Electron Back Scattered Diffraction

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Scanning Steps

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Orientation Distribution Function

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Pole Figure

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Interstitial Free

با استفاده از این اطلاعات و فرضیات، تاریخچه تغییر شکل یک المان سطحی به عنوان خروجی تاریخچه استخراج می گردد. اجزای تنسور کرنش لاگرانژی برای المان معرفی شده، در شکل ۵ نشان داده می شود. همان گونه که مشاهده می شود تغییر شکل تنها یک حالت بر ش ساده نیست بلکه اجزای کششی و فشاری نیز وجود دارند که تاثیر زیادی بر تکسچر نهایی می گذارند. این شرایط تغییر شکل می تواند به طور مستقیم وارد کد VPSC شود.



شکل ۴. منحنی سیلان فولاد IF در دمای ۳۰۰ درجه سانتی گراد.

بهدلیل تعدد درجات آزادی در مسائل پیچش، برای کاهش حجم محاسبات باید از روش دینامیک صریح<sup>۲</sup> استفاده شود. برای بهبود بیشتر سرعت محاسبات از مقیاسگذاری جرمی<sup>۳</sup> هم استفاده گردید. بهدلیل استفاده از این تقریبها، در انتهای شبیهسازی نسبت انرژی جنبشی به انرژی داخلی را بررسی شد اگر این نسبت کمتر از پنج درصد باشد، صرفنظر کردن از اثرات دینامیکی تاثیر قابل توجهی روی صحت محاسبات نخواهد داشت. به منظور اطمینان از کیفیت المانها و همین طور اجتناب از اعوجاج مش<sup>۹</sup> (شبکه بندی) از مش بندی انطباقی لاگرانژی –اولری<sup>۵</sup> استفاده گردید.

بعد از شبیهسازی، تاریخچه تغییرشکل که بهوسیله اجزای تنسور کرنش پلاستیک محاسبه گردید جهت تعیین تنسور گرادیان سرعت بهکار گرفته شد. تنسور گرادیان سرعت با اعمال رابطه (۱) بر هریک از المانها می تواند بهدست آید.

برای محاسبه تاریخچه تغییرشکل میکروسکوپی، شبیهسازی المان محدود توسط نرم افزار ABAQUS که یک نرم افزار تجاری FEM است انجام شد [۱۹]. برای مدلسازی فرآیند پیچش گرم به دلیل ماهیت نامتقارن فرآیند از یک مدل سهبعدی استفاده گردید. پیکربندی مدل و شرایط مرزی بهکار گرفته شده در شکل ۳ نشان داده شدهاند. چنان که مشاهده میشود یک سرعت زاویهای متناسب با نرخ کرنش <sup>۱</sup> S<sup>-1</sup> بر قسمت بالایی اعمال و شرایط مرزی بهطور کامل محدود بر سطح پایینی نمونه اعمال گردیده است. ۴۶۰۸ المان از نوع المانهای شش گوشه خطی C3D8R بهکار گرفته شد تا مقطع میانی نمونه پیچش تقسیمبندی گردد. این بخش میانی دارای المانهای ظریفتری نسبت به شانه نمونه دارد زیرا تغییرشکل بهطور عمده بر این ناحیه اعمال و تغییر شکل در شانههای نمونه قابل صرفنظر کردن است. شانهها در کل دارای ۲۰۸۰ المان هستند. اندازه المان در ناحیه مرکزی با استفاده از آنالیز حساسیت تغییر شکل بهدست آمد. این نوع تقسیمبندی نمونه این مزیت را دارد که زمان محاسبات برای شبیهسازی در مقايسه با حالتي كه اندازه المان همگن در كل نمونه وجود دارد كمتر مىباشد.



**شکل ۳.** هندسه مساله ، شرایط مرزی و روش تقسیم بندی بهکار گرفته شده.

مدول یانگ فولاد IF معادل با GPa و ضریب پواسون برابر با ۰٬۳۳ در نظر گرفته شدند. رفتار پلاستیک فولاد IF به صورت سختشدن همسانگرد<sup>۱</sup>در نظر گرفته شد و منحنی سیلان در شکل ۴ نشان داده شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> explicit dynamics

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Mass scaling

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> mesh distortion

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Adaptive Lagrangian-Eulerian remeshing

رابطه (۱) 
$$\dot{E}_{ij} = \frac{E_{ij}^2 - E_{ij}^1}{\Delta t}$$
  
که در آن  $E_{ij}^2$  و  $E_{ij}^1$  اجزای تنسور کرنش در دو زمان  
پیاپی بوده و  $\Delta t$  تغییرات زمان میباشد.



شکل ۵. اجزای تنسور کرنش لاگرانژی در سیستم مختصات استوانهای.

۲-۲ شبیه سازی پلاستیسیته کریستالی

تاریخچه تغییر شکل که توسط رابطه (۱) به دست آمد به طور مستقیم به عنوان ورودی کد VPSC به کار می رود. کد VPSC یک معادله ویسکوپلاستیک پیوسته را در نظر می گیرد تا تنش و کرنش را در هر دو حالت ماکروسکوپی و میکروسکوپی به هم ربط دهد. برای محاسبه کرنش در مقیاس میکروسکوپی، این کد هر دانه را به عنوان یک ناخالصی در نظر گرفته که در داخل محیط همگن قرار دارد و توسط روش های خطی سازی متفاوت، تنش و کرنش میکروسکوپی این ناخالصی را به محیط پیوسته ربط می دهد و محاسبه می کند که چگونه تنش و کرنش از مقادیر ماکروسکوپی انحراف دارند. برای شبیه سازی حالت میکروسکوپی، ۵۰۰ دانه تصادفی

اولیه به کار گرفته شد تا تغییرات تکسچر شبیه سازی گردد. چرخش همزمان دانه ها و هم چنین تقسیم بندی دانه ها نیز در کد VPSC گنجانده شد تا تاثیر ریزدانه شدن را بر تکسچر در نظر گیرد. این تغییرات براساس نتایج تجربی مشاهده شده در تغییر شکل شدید به دست آمدند. فرموله کردن دقیقی به کار گرفته شد تا دانه ها را به محیط همگن مرتبط نماید و هم چنین منحنی های سخت شدن را خطی نماید. هر دانه به عنوان یک منحنی های سخت شدن را خطی نماید. هر دانه به عنوان یک از نش حالاله با شبکه BCC در نظر گرفته شد که دارای خانواده لغزش حالاله ا شبکه BCC در نظر گرفته شد که دارای خانواده بحرانی لغزش <sup>(</sup> (CRSS) برابر با ۲۰ MPa می باشد. این مقدار و پارامترهای به کار گرفته شده در مدل سخت شدن توسط نتایج

آزمون پیچش که در بخش بعد ارائه میشوند اعتبارسنجی شدند. در تحقیق حاضر، از سایر سازوکارهای سختشدن صرفنظر گردیده است.

### ۲–۵ روش اعتبارسنجی<sup>۲</sup>

در هر شبیه سازی نتایج به دست آمده باید اثبات شوند که قابل اعتماد و اطمینان هستند. مقایسه نتایج شبیه سازی با نتایج تجربی به دست آمده اطمینان را حاصل می نماید که پارامترها و مدل به کار گرفته شده در این شبیه سازی به درستی انتخاب شده اند. در این جا مبنای اعتبار سنجی به کار گرفته شده انطباق منحنی تنش کرنش حاصل از شبیه سازی با نتایج تجربی آزمون پیچش گرم می باشد. شکل ۶ منحنی سیلان شبیه سازی و تجربی را نشان می دهد. همان گونه که به وضوح در این شکل مشخص است منحنی سیلان شبیه سازی و تجربی انطباق بسیار قابل قبولی داشته و نشان می دهد روش به کار گرفته شده از دقت و صحت برخوردار بوده و انتخاب خوبی برای پارامترهای سخت شدن می باشد.



**شکل ۶**. مقایسه منحنی سیلان شبیهسازی و تجربی در دمای °C ۳۰۰ .

# ۳– نتایج و بحث

کل ۷ بافت کریستالی اولیه ماده را بلافاصله بعد از پیچش داغ نشان میدهد. این بافت کریستالی یک بافت تصادفی و تقریبی ضعیف را نشان میدهد و مطابق با فرض بافت کریستالی تصادفی اولیه است که برای شبیهسازی پلاستیسیته کریستالی انجام می شود.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Verification Method

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Critical Resolved Shear Stress



شکل ۷. بافت کریستالی اولیه بعد از پیچش داغ .

در شکل ۸ صفحات قطبی (۱۱۰) در برش ساده شبیهسازی شده، آزمون پیچش شبیهسازی شده توسط مدل تاریخچه متغیر و نتایج تجربی مقایسه شدهاند.



**شکل ۸** مقایسه صفحات قطبی (۱۱۰) در الف) روش تغییرشکل متغیر ، ب)نتایج تجربی و ج)برش ساده.

همانگونه که مشاهده می شود روش به کار گرفته شده (استفاده از تاریخچه تغییر شکل متغیر به جای تاریخچه

تغییر شکل یکنواخت) در این مقاله، بافت کریستالی نهایی را با دقت بالاتری پیش بینی می نماید. واضح است که اجزای بافت کریستالی با در نظر گرفتن موقعیت مقطع مورد نظر و شدت اجزای بافت، بهتر پیش بینی می شوند اما هر دو پیش بینی پلاستیسیته کریستالی انجام شده توانستهاند به طور معمول اجزای بافت کریستالی و الیاف های جزئی را دقیق پیش بینی نمایند. با این حال، حالت برش ساده به یک چرخش هفت درجهای در جهت چرخش ساعت نیاز دارد تا بر جهت گیری های کریستالی ایده آل نتایج تجربی منطبق شود در حالی که در حالت تاریخچه تغییر شکل متغیر تنها چرخش دو درجه ای برای این انطباق کافی می باشد.

ضرورت افزودن اجزای فشاری و کششی به تغییر شکل در مدل پیش بینی جهت گیری کریستالی از این حقیقت ناشی می شود که این اجزا می توانند بافت کریستالی را از موقعیت ایده آل خود در برش ساده، بچرخانند. این موضوع در منابع مرتبط با روش روزنرانی از کانال زاویه دار (ECAE) نیز بیان شده است [۲۰]. چرخش بافت کریستالی، ریز ساختار را تحت تاثیر قرار داده و در نتیجه خواص مکانیکی نهایی تغییر خواهد کرد.

#### ۴- نتیجه گیری

در این مقاله بعد از معرفی روش شبیه سازی بافت کریستالی، این روش به کار گرفته شد تا بافت کریستالی نهایی را پس از پیچش گرم یک فولاد IF پیش بینی نماید. روش به کار گرفته شده ترکیبی از شبیه سازی المان محدود و کد VPSC می باشد. نتایج به دست آمده از این روش با نتایج حاصل از روش تاریخچه تغییر شکل غیر متغیر مقایسه و هر دو نتیجه با مقادیر تجربی مقایسه شدند تا روش دقیق تر مشخص گردد. نشان داده شد که روش تاریخچه متغیر تغییر شکل و روش به کار گرفته شده در این تحقیق می تواند بافت کریستالی و از جمله جهات کریستالی ایده آل و شدت بافت کریستالی نهایی را دقیق تر پیش بینی نماید.

- Rose, W., Stuwe, H., The influence of texture on the change in length in torsion tests, Z METALLKD, 59(5) (1968) 396-399.
- 18. Baczynski, J., Jonas, J.J., Texture development during the torsion testing of  $\alpha$ -iron and two IF steels, Acta Materialia, 44(11) (1996) 4273-4288.
- 19. ABAQUS, V., 6.14 documentation, Dassault Systemes Simulia Corporation, 2014.
- 20. Gholinia, A., Bate, P., Prangnell, P.B., Modelling texture development during equal channel angular extrusion of aluminium, Acta Materialia, 50(8) (2002) 2121-2136.

مراجع

- Taylor, G.I., Analysis of plastic strain in a cubic crystal. Stephen Timoshenko 60th Anniversary Volume , (1938) 218-224.
- Roters, F., Eisenlohr, P., Hantcherli, L., Tjahjanto, D.D., Bieler, T.R., Raabe, D., Overview of constitutive laws, kinematics, homogenization and multiscale methods in crystal plasticity finite-element modeling: Theory, experiments, applications, Acta Materialia, 58 (2010) 1152-1211.
- 3. Van Houtte, P., Li, S., Seefeldt, M., Delannay, L., Deformation texture prediction: from the Taylor model to the advanced Lamel model, International Journal of Plasticity, 21 (2005) 589-624.
- 4. Kocks, U.F., Tomé, C.N., Wenk, H.R., Texture and anisotropy: preferred orientations in polycrystals and their effect on materials properties, Cambridge university press, (2000).
- Tjahjanto, D.D., Eisenlohr, P., Roters, F., Relaxed grain cluster (RGC) homogenization scheme, International Journal of Material Forming, 2(1) (2009) 939-942.
- Khajezade, A., Parsa, M.H., Mirzadeh, H., Crystal Plasticity Analysis of Texture Evolution of Pure Aluminum During Processing by a New Severe Plastic Deformation Technique, Metallurgical and Materials Transactions A, 47(2) (2016) 941-948.
- Li, S., Beyerlein, I.J., Necker, C.T., Alexander, D.J., Bourke, M.. Heterogeneity of deformation texture in equal channel angular extrusion of copper, Acta Materialia, 52(16) (2004) 4859-4875.
- Kowalczyk-Gajewska, K., Sztwiertnia, K., Kawałko, J., Wierzbanowski, K., Wronski, M., Frydrych, K., Stupkiewicz, S., Petryk, H., Texture evolution in titanium on complex deformation paths: Experiment and modeling, Materials Science and Engineering, 637 (2015) 251-263.
- Lebensohn, R.A., Tomé, C.N., A self-consistent anisotropic approach for the simulation of plastic deformation and texture development of polycrystals: application to zirconium alloys, Acta Metallurgicaet Materialia, 41(9) (1993) 2611-2624.
- Beyerlein, I.J., Lebensohn, R.A., Tome, C.N., Modeling texture and microstructural evolution in the equal channel angular extrusion process, Materials Science and Engineering: A, 345(1) (2003) 122-138.
- Agnew, S.R., Duygulu, Ö., Plastic anisotropy and the role of non-basal slip in magnesium alloy AZ31B, International Journal of plasticity, 21(6) (2005) 1161-1193.
- Agnew, S.R., Yoo, M.H., Tome, C.N., Application of texture simulation to understanding mechanical behavior of Mg and solid solution alloys containing Li or Y, Acta Materialia, 49(20) (2001) 4277-4289.
- Lou, X.Y., Li, M., Boger, R.K., Agnew, S.R., Wagoner, R.H., Hardening evolution of AZ31B Mg sheet, International Journal of Plasticity, 23(1) (2007) 44-86.
- 14. Estrin, Y., Vinogradov, A., Extreme grain refinement by severe plastic deformation: a wealth of challenging science, Acta Materialia, 61(3) (2013) 782-817.
- Valiev, R.Z., Islamgaliev, R.K., Alexandrov, I.V., Bulk nanostructured materials from severe plastic deformation, Progress in materials science, 45(2) (2000) 103-189.
- Valiev, R.Z., Langdon, T.G., Achieving exceptional grain refinement through severe plastic deformation: new approaches for improving the processing technology, Metallurgical and Materials Transactions A, 42(10) (2011) 2942-2951.